

муниципальное бюджетное общеобразовательное учреждение средняя
общеобразовательная школа №14 г. Каменск-Шахтинский

РАССМОТРЕНО

руководитель МО
математики, информатики и
технологии

_____ Сидорова Ж.А. от 29.08.2024 г.
Протокол №1

от 29.08.2024 г.

СОГЛАСОВАНО

заместитель директора по УВР

_____ Сидорова Ж.А.

УТВЕРЖДЕНО

директор МБОУ СОШ №14

_____ Татаринова М.А.

Приказ №192 од

от 29.09.2024 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА
учебного предмета «Математика»
для среднего общего образования
Срок освоения: 2 года (10-11 класс)

Пояснительная записка

Рабочая программа обязательного учебного предмета «Математика» (предметная область "Математика и Информатика") разработана в соответствии с требованиями п. 32.1. Федерального государственного образовательного стандарта основного общего образования, п. 136 Федеральной образовательной программы основного общего образования и Положением о рабочих программах учебных предметов, учебных курсов, учебных курсов внеурочной деятельности, учебных модулей МБОУ СОШ №14.

Программа по математике на уровне среднего общего образования разработана на основе ФГОС СОО с учётом современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования. Реализация программы по математике обеспечивает овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для саморазвития и непрерывного образования, целостность общекультурного, личностного и познавательного развития личности обучающихся.

В программе по математике учтены идеи и положения Концепции развития математического образования в Российской Федерации. В соответствии с названием концепции, математическое образование должно, в частности, предоставлять каждому обучающемуся возможность достижения уровня математических знаний, необходимого для дальнейшей успешной жизни в обществе. Именно на решение этой задачи нацелена программа по математике базового уровня.

В эпоху цифровой трансформации всех сфер человеческой деятельности невозможно стать образованным современным человеком без базовой математической подготовки. Уже в школе математика служит опорным предметом для изучения смежных дисциплин, а в жизни после школы реальной необходимостью становится непрерывное образование, что требует полноценной базовой общеобразовательной подготовки, в том числе и математической. Это обусловлено тем, что в наши дни растёт число специальностей, связанных с непосредственным применением математики: и в сфере экономики, и в бизнесе, и в технологических областях, и даже в гуманитарных сферах. Таким образом, круг обучающихся, для которых математика становится значимым предметом, существенно расширяется.

Практическая полезность математики обусловлена тем, что её предметом являются фундаментальные структуры нашего мира: пространственные формы и количественные отношения от простейших, усваиваемых вне посредственном опыте, до достаточно сложных, необходимых для развития научных и технологических идей. Без конкретных математических знаний затруднено понимание принципов устройства и использования современной техники, восприятие и интерпретация разнообразной социальной, экономической, политической информации, мало эффективна повседневная практическая деятельность. Каждому человеку в своей жизни приходится выполнять достаточно сложные расчёты и составлять несложные алгоритмы, находить нужные формулы и применять их, владеть практическими приёмами геометрических измерений и построений, читать информацию, представленную ввиду таблиц, диаграмм и графиков, жить в условиях неопределённости и понимать вероятностный характер случайных событий.

Одновременно с расширением сфер применения математики в современном обществе всё более важным становится математический стиль мышления, проявляющийся в определённых умственных навыках. В процессе изучения математики в арсенал приёмов и

методов мышления человека естественным образом включаются индукция и дедукция, обобщение и конкретизация, анализ и синтез, классификация и систематизация, абстрагирование и аналогия. Объекты математических умозаключений, правила их конструирования раскрывают механизм логических построений, способствуют выработке умения формулировать, обосновывать и доказывать суждения, тем самым развивают логическое мышление. Математике принадлежит ведущая роль в формировании алгоритмической компоненты мышления и воспитании умений действовать по заданным алгоритмам, совершенствовать известные и конструировать новые. В процессе решения задач—основной учебной деятельности на уроках математики—развиваются творческая и прикладная стороны мышления.

Обучение математике даёт возможность развивать у обучающихся точную, рациональную и информативную речь, умение отбирать наиболее подходящие языковые, символические, графические средства для выражения суждений и наглядного их представления.

Необходимым компонентом общей культуры в современном толковании является общее знакомство с методами познания действительности, представление о предмете и методе математики, его отличия от методов естественных и гуманитарных наук, об особенностях применения математики для решения научных и прикладных задач. Таким образом, математическое образование вносит свой вклад в формирование общей культуры человека.

Изучение математики способствует эстетическому воспитанию человека, пониманию красоты и изящества математических рассуждений, восприятию геометрических форм, усвоению идеи симметрии.

Приоритетными целями обучения математике в 10–11 классах на базовом уровне являются:

формирование центральных математических понятий (число, величина, геометрическая фигура, переменная, вероятность, функция), обеспечивающих преемственность и перспективность математического образования обучающихся; подведение обучающихся на доступном для них уровне к осознанию взаимосвязи математики и окружающего мира, понимание математики как части общей культуры человечества; развитие интеллектуальных и творческих способностей обучающихся, познавательной активности, исследовательских умений, критичности мышления, интереса к изучению математики; формирование функциональной математической грамотности: умения распознавать математические аспекты в реальных жизненных ситуациях и при изучении других учебных предметов, проявления зависимостей и закономерностей, формулировать их на языке математики и создавать математические модели, применять освоенный математический аппарат для решения практико-ориентированных задач, интерпретировать и оценивать полученные результаты.

Основными линиями содержания математики в 10–11 классах являются: «Числа и вычисления», «Алгебра» («Алгебраические выражения», «Уравнения и неравенства»), «Начала математического анализа», «Геометрия» («Геометрические фигуры и их свойства», «Измерение геометрических величин»), «Вероятность и статистика». Данные линии развиваются параллельно, каждая в соответствии с собственной логикой, однако независимо одна от другой, а в тесном контакте и взаимодействии. Кроме этого, их объединяет

логическая составляющая, традиционно присущая математике и пронизывающая все математические курсы и содержательные линии. Сформулированное в ФГОС СОО требование «владение методами доказательств, алгоритмами решения задач, умение формулировать определения, аксиомы и теоремы, применять их, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач» относится ко всем учебным курсам, а формирование логических умений распределяется по всем годам обучения на уровне среднего общего образования.

В соответствии с ФГОС СОО математика является обязательным предметом на данном уровне образования. Программой по математике предусматривается изучение учебного предмета «Математика» в рамках трёх учебных курсов: «Алгебра и начала математического анализа», «Геометрия», «Вероятность и статистика». Формирование логических умений осуществляется на протяжении всех лет обучения на уровне среднего общего образования, а элементы логики включаются в содержание всех названных выше учебных курсов.

В рабочей программе учебного предмета «Математика» учитывается также рабочая программа воспитания. Деятельность учителя с учетом программы воспитания состоит в следующем:

- устанавливать доверительные отношения между учителем и обучающимися, способствующих позитивному восприятию учащимися требований и просьб учителя;
- побуждать обучающихся соблюдать на уроке общепринятые нормы поведения, правила общения со старшими (учителями) и сверстниками (обучающимися);
- привлекать внимание обучающихся к ценностному аспекту изучаемых на уроке понятий, приемов;
- организовывать работу обучающихся с социально значимой информацией по поводу получаемой на уроке социально значимой информации –обсуждать, высказывать мнение;
- применять на уроке интерактивные формы работы с обучающимися: дискуссии, которые дают обучающимся возможность приобрести опыт ведения конструктивного диалога;
- применять на уроке интерактивные формы работы с обучающимися: включение в урок игровых процедур, которые помогают установлению доброжелательной атмосферы во время урока;
- инициировать и поддерживать исследовательскую деятельность обучающихся в рамках реализации ими индивидуальных и групповых исследовательских проектов, что даст обучающимся возможность приобрести навык генерирования и оформления собственных идей;
- организовывать индивидуальные и групповые формы учебной деятельности;
- реализовывать воспитательные возможности в различных видах деятельности обучающихся со словесной (знаковой) основой: самостоятельная работа с учебником, работа с научно-популярной литературой, отбор и сравнение материала по нескольким источникам;
- реализовывать на уроках мотивирующий потенциал юмора, разряжать напряжённую обстановку в классе.

Согласно учебному плану для изучения математики (углубленный уровень) на уровне среднего общего образования – 544 часа: в 10 классе – 272 часа (8 часов в неделю), в 11 классе – 272 часа (8 часов в неделю).

Планируемые результаты освоения программы по математике на уровне среднего общего образования

Изучение математики на уровне основного общего образования направлено на достижение обучающимися личностных, метапредметных и предметных образовательных результатов освоения учебного предмета.

Личностные результаты

В результате изучения математики на уровне среднего общего образования у обучающегося будут сформированы следующие личностные результаты:

гражданского воспитания: сформированность гражданской позиции обучающегося как активного

и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением; *патриотического воспитания:*

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

духовно-нравственного воспитания: осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего; *эстетического воспитания:* эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства; *физического воспитания:*

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью; *трудового воспитания:* готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности; *экологического воспитания:*

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

ценности научного познания:

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

Метапредметные результаты

В результате освоения программы по математике на уровне основного общего образования у обучающегося будут сформированы метапредметные результаты, характеризующиеся овладением универсальными познавательными действиями, универсальными коммуникативными действиями и универсальными регулятивными действиями.

Познавательные универсальные учебные действия *Базовые логические действия:*

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа; воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные; выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий; делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и

индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии; проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы; выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия: использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение; проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами; самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений; прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать

предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией: выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на

вопрос и для решения задачи; выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления; структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям, сформулированным самостоятельно.

Коммуникативные универсальные учебные действия: воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения походу решения задачи, комментировать полученный результат; в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения; представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Регулятивные универсальные учебные действия Самоорганизация: составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации. *Самоконтроль, эмоциональный интеллект:*

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи; предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей; оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или не достижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

Совместная деятельность: понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

Предметные результаты

Предметные результаты освоения программы по математике на углубленном уровне на уровне среднего общего образования представлены по годам обучения в рамках отдельных учебных курсов в соответствующих разделах программы по математике.

Рабочая программа учебного курса «алгебра и начала математического анализа»

Пояснительная записка

Учебный курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе среднего общего образования, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление обучающихся на уровне,

необходимом для освоения информатики, обществознания, истории, словесности и других дисциплин. В рамках данного учебного курса обучающиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Учебный курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций развития экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их для дальнейшего образования и в повседневной жизни. В то же время овладение абстрактными и логически строгими конструкциями алгебры и математического анализа развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность, доказывать утверждения с помощью индукции и рассуждать дедуктивно, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление.

В ходе изучения учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» обучающиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций, интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Учебный курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей продолжительной концентрации внимания, самостоятельности, аккуратности и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

В структуре учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» выделены следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения на уровне среднего общего образования, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный учебный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин, таких как алгебра, тригонометрия, математический анализ, теория множеств, математическая логика и другие. По мере того как обучающиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные при изучении учебного курса, для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать свой ответ.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато на уровне основного общего образования. На уровне среднего общего образования особое внимание уделяется формированию навыков рациональных вычислений, включающих в себя использование различных форм записи числа, умение делать прикидку, выполнять приближённые вычисления, оценивать числовые выражения, работать с математическими константами. Знакомые обучающимся множества натуральных, целых, рациональных и действительных

чисел дополняются множеством комплексных чисел. В каждом из этих множеств рассматриваются свойственные ему специфические задачи и операции: деление нацело, оперирование остатками на множестве целых чисел, особые свойства рациональных и иррациональных чисел, арифметические операции, а также извлечение корня натуральной степени на множестве комплексных чисел. Благодаря последовательному расширению круга используемых чисел и знакомству с возможностями их применения для решения различных задач формируется представление о единстве математики как науки и её роли в построении моделей реального мира, широко используются обобщение и конкретизация.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения на уровне среднего общего образования, поскольку в каждом разделе Программы предусмотрено решение соответствующих задач. В результате обучающиеся овладевают различными методами решения рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений, неравенств и систем, а также задач, содержащих параметры. Полученные умения широко используются при исследовании функций с помощью производной, при решении прикладных задач и задач нахождение наибольших и наименьших значений функции. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений, содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления обучающихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символьными формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями учебного курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных обучающимся, так как у них появляется возможность строить графики сложных функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций, позволяет находить наилучшее решение в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного,

формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Обучающиеся узнают о выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и об их авторах.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» включает в себя элементы теории множеств и математической логики. Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины и их приложения в единое целое. Поэтому важно дать возможность обучающемуся понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей. Другим важным признаком математики как науки следует признать свойственную ей строгость обоснований и следование определённым правилам построения доказательств. Знакомство с элементами математической логики способствует развитию логического мышления обучающихся, позволяет им строить свои рассуждения на основе логических правил, формирует навыки критического мышления.

В учебном курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют основы математического моделирования, которые призваны способствовать формированию навыков построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа, интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал учебного курса широко используется для решения прикладных задач. При решении реальных практических задач обучающиеся развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем учебного курса «Алгебра и начала математического анализа».

На изучение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» отводится 272 часа: в 10 классе – 136 часов (4 часа в неделю), в 11 классе – 136 часов (4 часа в неделю).

Содержание обучения

10 КЛАСС

Числа и вычисления

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Модуль действительного числа и его свойства. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.

Степень с целым показателем. Бином Ньютона. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Арифметический корень натуральной степени и его свойства.

Степень с рациональным показателем и её свойства, степень с действительным показателем.

Логарифм числа. Свойства логарифма. Десятичные и натуральные логарифмы.

Синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

Уравнения и неравенства

Тождества и тождественные преобразования. Уравнение, корень уравнения. Равносильные уравнения и уравнения-следствия. Неравенство, решение неравенства.

Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств. Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу. Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета.

Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни.

Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений.

Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений.

Преобразование выражений, содержащих логарифмы.

Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений.

Основные тригонометрические формулы. Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений.

Решение систем линейных уравнений. Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы 2×2 , его геометрический смысл и свойства, вычисление его значения, применение определителя для решения системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений. Исследование построенной модели с помощью матриц и определителей.

Построение математических моделей реальной ситуации с помощью уравнений и неравенств. Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Функции и графики

Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций. График функции. Элементарные преобразования графиков функций.

Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке.

Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции. Элементарное исследование и построение их графиков.

Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня n -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем.

Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики. Использование графиков функций для решения уравнений.

Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.

Функциональные зависимости в реальных процессах и явлениях. Графики реальных зависимостей.

Начала математического анализа

Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции. Монотонные и ограниченные последовательности. История возникновения математического анализа как анализа бесконечно малых.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Линейный и

экспоненциальный рост. Число e . Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.

Непрерывные функции и их свойства. Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций непрерывных на отрезке. Метод интервалов для решения неравенств. Применение свойств непрерывных функций для решения задач.

Первая и вторая производные функции. Определение, геометрический и физический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции.

Производные элементарных функций. Производная суммы, произведения, частного и композиции функций.

Множества и логика

Множество, операции над множествами и их свойства. Диаграммы Эйлера–Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Определение, теорема, свойство математического объекта, следствие, доказательство, равносильные уравнения.

11 КЛАСС

Числа и вычисления

Натуральные и целые числа. Применение признаков делимости целых чисел, наибольший общий делитель (далее – НОД) и наименьшее общее кратное (далее – НОК), остатков по модулю, алгоритма Евклида для решения задач в целых числах.

Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа. Арифметические операции с комплексными числами. Изображение комплексных чисел на координатной плоскости. Формула Муавра. Корни n -ой степени из комплексного числа. Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач.

Уравнения и неравенства

Система и совокупность уравнений и неравенств. Равносильные системы и системы-следствия. Равносильные неравенства.

Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности. Решение тригонометрических неравенств.

Основные методы решения показательных и логарифмических неравенств.

Основные методы решения иррациональных неравенств.

Основные методы решения систем и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений.

Уравнения, неравенства и системы с параметрами.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов.

Функции и графики

График композиции функций. Геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Графические методы решения уравнений и неравенств. Графические методы решения задач с параметрами.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

Начала математического анализа

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значений непрерывной функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком.

Первообразная, основное свойство первообразных. Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных.

Интеграл. Геометрический смысл интеграла. Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница.

Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур и объёмов геометрических тел.

Примеры решений дифференциальных уравнений. Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений.

Предметные результаты

К концу обучения в **10 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

Числа и вычисления:

свободно оперировать понятиями: рациональное число, бесконечная периодическая дробь, проценты, иррациональное число, множества рациональных и действительных чисел, модуль действительного числа;

применять дроби и проценты для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни;

применять приближённые вычисления, правила округления, прикидку и оценку результата вычислений;

свободно оперировать понятием: степень с целым показателем, использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных;

свободно оперировать понятием: арифметический корень натуральной степени;

свободно оперировать понятием: степень с рациональным показателем;

свободно оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы;

свободно оперировать понятиями: синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента;

оперировать понятиями: арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

Уравнения и неравенства:

свободно оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство, равносильные уравнения и уравнения-следствия, равносильные неравенства;

применять различные методы решения рациональных и дробно-рациональных уравнений, применять метод интервалов для решения неравенств;

свободно оперировать понятиями: многочлен от одной переменной, многочлен с целыми коэффициентами, корни многочлена, применять деление многочлена на многочлен с остатком, теорему Безу и теорему Виета для решения задач;

свободно оперировать понятиями: система линейных уравнений, матрица, определитель матрицы 2×2 и его геометрический смысл, использовать свойства определителя 2×2 для вычисления его значения, применять определители для решения системы линейных уравнений, моделировать реальные ситуации с помощью системы линейных уравнений, исследовать построенные модели с помощью матриц и определителей, интерпретировать полученный результат;

использовать свойства действий с корнями для преобразования выражений;

выполнять преобразования числовых выражений, содержащих степени с рациональным показателем;

использовать свойства логарифмов для преобразования логарифмических выражений;

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические уравнения, находить их решения с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней;

применять основные тригонометрические формулы для преобразования тригонометрических выражений;

свободно оперировать понятием: тригонометрическое уравнение, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических уравнений;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

Функции и графики:

свободно оперировать понятиями: функция, способы задания функции, взаимно обратные функции, композиция функций, график функции, выполнять элементарные преобразования графиков функций;

свободно оперировать понятиями: область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства;

свободно оперировать понятиями: чётные и нечётные функции, периодические функции, промежутки монотонности функции, максимумы и минимумы функции, наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке;

свободно оперировать понятиями: степенная функция с натуральным и целым показателем, график степенной функции с натуральным и целым показателем, график корня n -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем;

оперировать понятиями: линейная, квадратичная и дробно-линейная функции, выполнять элементарное исследование и построение их графиков;

свободно оперировать понятиями: показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики, использовать их графики для решения уравнений;

свободно оперировать понятиями: тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента;

использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни, выражать формулами зависимости между величинами;

Начала математического анализа:

свободно оперировать понятиями: арифметическая и геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, линейный и экспоненциальный рост, формула сложных процентов, иметь представление о константе;

использовать прогрессии для решения реальных задач прикладного характера;

свободно оперировать понятиями: последовательность, способы задания последовательностей, монотонные и ограниченные последовательности, понимать основы зарождения математического анализа как анализа бесконечно малых;

свободно оперировать понятиями: непрерывные функции, точки разрыва графика функции, асимптоты графика функции;

свободно оперировать понятием: функция, непрерывная на отрезке, применять свойства непрерывных функций для решения задач;

свободно оперировать понятиями: первая и вторая производные функции, касательная к графику функции;

вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции двух функций, знать производные элементарных функций;

использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

Множества и логика:

свободно оперировать понятиями: множество, операции над множествами;

использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов;

свободно оперировать понятиями: определение, теорема, уравнение-следствие, свойство математического объекта, доказательство, равносильные уравнения и неравенства.

К концу обучения в **11 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

Числа и вычисления:

свободно оперировать понятиями: натуральное и целое число, множества натуральных и целых чисел, использовать признаки делимости целых чисел, НОД и НОК натуральных чисел для решения задач, применять алгоритм Евклида;

свободно оперировать понятием остатка по модулю, записывать натуральные числа в различных позиционных системах счисления;

свободно оперировать понятиями: комплексное число и множество комплексных чисел, представлять комплексные числа в алгебраической и тригонометрической форме, выполнять арифметические операции с ними и изображать на координатной плоскости.

Уравнения и неравенства:

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические неравенства, находить их решения с помощью равносильных переходов;

осуществлять отбор корней при решении тригонометрического уравнения;

свободно оперировать понятием тригонометрическое неравенство, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических неравенств;

свободно оперировать понятиями: система и совокупность уравнений и неравенств, равносильные системы и системы-следствия, находить решения системы и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств;

решать рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения и неравенства, содержащие модули и параметры;

применять графические методы для решения уравнений и неравенств, а также задач с параметрами;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат.

Функции и графики:

строить графики композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции двух функций;

строить геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости;

свободно оперировать понятиями: графики тригонометрических функций;

применять функции для моделирования и исследования реальных процессов.

Начала математического анализа:

использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы; находить наибольшее и наименьшее значения функции непрерывной на отрезке;

использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком;

свободно оперировать понятиями: первообразная, определённый интеграл, находить первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона-Лейбница;

находить площади плоских фигур и объёмы тел с помощью интеграла;

иметь представление о математическом моделировании на примере составления дифференциальных уравнений;

решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

Тематическое планирование

10 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Множество действительных чисел. Многочлены. Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений	24	1		
2	Функции и графики.	12	1		

	Степенная функция с целым показателем				
3	Арифметический корень n -ой степени. Иррациональные уравнения	15	1		
4	Показательная функция. Показательные уравнения	10	1		
5	Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения	18	1		
6	Тригонометрические выражения и уравнения	22	1		
7	Последовательности и прогрессии	10	1		
8	Непрерывные функции. Производная	20	1		
9	Повторение, обобщение, систематизация знаний	5	2		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	10	0	

11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Исследование функций с помощью производной	22	1		
2	Первообразная и интеграл	12	1		
3	Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства	14	1		

4	Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства	24	1		
5	Комплексные числа	10	1		
6	Натуральные и целые числа	10	1		
7	Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений	12	1		
8	Задачи параметрами	16	1		
9	Повторение, обобщение, систематизация знаний	16	2		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	10	0	

Поурочное планирование

10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов		
		Всего	Контрольные работы	Практические работы
1	Множество, операции над множествами и их свойства	1		
2	Диаграммы Эйлера-Венна	1		
3	Применение теоретико-множественного аппарата для решения задач	1		
4	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби	1		
5	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби	1		
6	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач	1		
7	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач	1		

8	Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа	1		
9	Арифметические операции с действительными числами	1		
10	Модуль действительного числа и его свойства	1		
11	Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений	1		
12	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1		
13	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1		
14	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1		
15	Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу	1		
16	Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета	1		
17	Решение систем линейных уравнений	1		
18	Решение систем линейных уравнений	1		
19	Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы 2×2 , его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения	1		
20	Определитель матрицы 2×2 , его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения	1		
21	Применение определителя для решения системы линейных уравнений	1		
22	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1		
23	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1		
24	Контрольная работа: "Рациональные уравнения и	1	1	

	неравенства. Системы линейных уравнений"			
25	Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций	1		
26	График функции. Элементарные преобразования графиков функций	1		
27	Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знак постоянства	1		
28	Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции	1		
29	Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке	1		
30	Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции	1		
31	Элементарное исследование и построение графиков этих функций	1		
32	Элементарное исследование и построение графиков этих функций	1		
33	Степень с целым показателем. Бином Ньютона	1		
34	Степень с целым показателем. Бином Ньютона	1		
35	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график	1		
36	Контрольная работа: "Степенная функция. Её свойства и график"	1	1	
37	Арифметический корень натуральной степени и его свойства	1		
38	Арифметический корень натуральной степени и его свойства	1		
39	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1		
40	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1		

41	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1		
42	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1		
43	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1		
44	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1		
45	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1		
46	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1		
47	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1		
48	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1		
49	Свойства и график корня n -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем	1		
50	Свойства и график корня n -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем	1		
51	Контрольная работа: "Свойства и график корня n -ой степени. Иррациональные уравнения"	1	1	
52	Степень с рациональным показателем и её свойства	1		
53	Степень с рациональным показателем и её свойства	1		
54	Степень с рациональным показателем и её свойства	1		
55	Показательная функция, её свойства и график	1		
56	Использование графика функции для решения уравнений	1		
57	Использование графика функции для решения уравнений	1		
58	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1		

59	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1		
60	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1		
61	Контрольная работа: "Показательная функция. Показательные уравнения"	1	1	
62	Логарифм числа. Свойства логарифма	1		
63	Логарифм числа. Свойства логарифма	1		
64	Логарифм числа. Свойства логарифма	1		
65	Десятичные и натуральные логарифмы	1		
66	Десятичные и натуральные логарифмы	1		
67	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1		
68	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1		
69	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1		
70	Логарифмическая функция, её свойства и график	1		
71	Логарифмическая функция, её свойства и график	1		
72	Использование графика функции для решения уравнений	1		
73	Использование графика функции для решения уравнений	1		
74	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1		
75	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1		
76	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1		
77	Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений	1		
78	Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений	1		

79	Контрольная работа: "Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения"	1	1	
80	Синус, косинус, тангенс и котангенс числового аргумента	1		
81	Синус, косинус, тангенс и котангенс числового аргумента	1		
82	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1		
83	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1		
84	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1		
85	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1		
86	Основные тригонометрические формулы	1		
87	Основные тригонометрические формулы	1		
88	Основные тригонометрические формулы	1		
89	Основные тригонометрические формулы	1		
90	Преобразование тригонометрических выражений	1		
91	Преобразование тригонометрических выражений	1		
92	Преобразование тригонометрических выражений	1		
93	Преобразование тригонометрических выражений	1		
94	Решение тригонометрических уравнений	1		
95	Решение тригонометрических уравнений	1		
96	Решение тригонометрических уравнений	1		
97	Решение тригонометрических уравнений	1		
98	Решение тригонометрических уравнений	1		
99	Решение тригонометрических уравнений	1		

100	Решение тригонометрических уравнений	1		
101	Контрольная работа: "Тригонометрические выражения и тригонометрические уравнения"	1	1	
102	Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции	1		
103	Монотонные и ограниченные последовательности. История анализа бесконечно малых	1		
104	Арифметическая прогрессия	1		
105	Геометрическая прогрессия	1		
106	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия	1		
107	Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии	1		
108	Линейный и экспоненциальный рост. Число e . Формула сложных процентов	1		
109	Линейный и экспоненциальный рост. Число e . Формула сложных процентов	1		
110	Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера	1		
111	Контрольная работа: "Последовательности и прогрессии"	1	1	
112	Непрерывные функции и их свойства	1		
113	Точка разрыва. Асимптоты графиков функций	1		
114	Свойства функций непрерывных на отрезке	1		
115	Свойства функций непрерывных на отрезке	1		
116	Метод интервалов для решения неравенств	1		
117	Метод интервалов для решения неравенств	1		
118	Метод интервалов для решения неравенств	1		
119	Применение свойств непрерывных функций для решения задач	1		

120	Применение свойств непрерывных функций для решения задач	1		
121	Первая и вторая производные функции	1		
122	Определение, геометрический смысл производной	1		
123	Определение, физический смысл производной	1		
124	Уравнение касательной к графику функции	1		
125	Уравнение касательной к графику функции	1		
126	Производные элементарных функций	1		
127	Производные элементарных функций	1		
128	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1		
129	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1		
130	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1		
131	Контрольная работа: "Производная"	1	1	
132	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"	1		
133	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1		
134	Итоговая контрольная работа	1	1	
135	Итоговая контрольная работа	1	1	
136	Повторение, обобщение, систематизация знаний	1		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	10	0

11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов		
		Всего	Контрольные работы	Практические работы
1	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1		
2	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1		
3	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1		
4	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1		
5	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1		
6	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1	1	
7	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1		
8	Определение, физический смысл производной	1		
9	Определение, физический смысл производной	1		
10	Производные элементарных функций	1		
11	Производные элементарных функций	1		
12	Производная суммы, произведения, частного и композиции функции	1		
13	Производная суммы, произведения, частного и композиции функции	1		
14	Производная суммы, произведения, частного и композиции функции	1		
15	Производная суммы, произведения, частного и композиции функции	1		
16	Производная суммы, произведения, частного и композиции функции	1		
17	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1		

18	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1		
19	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1		
20	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1		
21	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1		
22	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1		
23	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1		
24	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1		
25	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1		
26	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1		
27	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах	1		
28	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах	1		
29	Применение производной для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком	1		
30	Применение производной для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком	1		

31	Композиция функций	1		
32	Композиция функций	1		
33	Геометрические образы уравнений на координатной плоскости	1		
34	Геометрические образы уравнений на координатной плоскости	1		
35	Контрольная работа: "Исследование функций с помощью производной"	1	1	
36	Первообразная, основное свойство первообразных	1		
37	Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных	1		
38	Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных	1		
39	Интеграл. Геометрический смысл интеграла	1		
40	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница	1		
41	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница	1		
42	Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур	1		
43	Применение интеграла для нахождения объёмов геометрических тел	1		
44	Примеры решений дифференциальных уравнений	1		
45	Примеры решений дифференциальных уравнений	1		
46	Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений	1		
47	Контрольная работа: "Первообразная и интеграл"	1	1	
48	Отбор корней тригонометрических уравнений	1		

	с помощью тригонометрической окружности			
49	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1		
50	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1		
51	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1		
52	Решение тригонометрических неравенств	1		
53	Решение тригонометрических неравенств	1		
54	Решение тригонометрических неравенств	1		
55	Решение тригонометрических неравенств	1		
56	Контрольная работа: "Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства"	1	1	
57	Основные методы решения показательных неравенств	1		
58	Основные методы решения показательных неравенств	1		
59	Основные методы решения показательных неравенств	1		
60	Основные методы решения показательных неравенств	1		
61	Основные методы решения логарифмических неравенств	1		
62	Основные методы решения логарифмических неравенств	1		
63	Основные методы решения логарифмических неравенств	1		
64	Основные методы решения логарифмических неравенств	1		
65	Основные методы решения иррациональных неравенств	1		

66	Основные методы решения иррациональных неравенств	1		
67	Основные методы решения иррациональных неравенств	1		
68	Основные методы решения иррациональных неравенств	1		
69	Графические методы решения иррациональных уравнений	1		
70	Графические методы решения иррациональных уравнений	1		
71	Графические методы решения показательных уравнений	1		
72	Графические методы решения показательных неравенств	1		
73	Графические методы решения логарифмических уравнений	1		
74	Графические методы решения логарифмических неравенств	1		
75	Графические методы решения логарифмических неравенств	1		
76	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений	1		
77	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений	1		
78	Графические методы решения показательных и логарифмических неравенств	1		
79	Графические методы решения показательных и логарифмических неравенств	1		
80	Контрольная работа: "Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства"	1	1	
81	Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа	1		
82	Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа	1		

83	Арифметические операции с комплексными числами	1		
84	Арифметические операции с комплексными числами	1		
85	Изображение комплексных чисел на координатной плоскости	1		
86	Изображение комплексных чисел на координатной плоскости	1		
87	Формула Муавра. Корни n-ой степени из комплексного числа	1		
88	Формула Муавра. Корни n-ой степени из комплексного числа	1		
89	Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач	1		
90	Контрольная работа: "Комплексные числа"	1	1	
91	Натуральные и целые числа	1		
92	Применение признаков делимости целых чисел	1		
93	Применение признаков делимости целых чисел	1		
94	Применение признаков делимости целых чисел: НОД и НОК	1		
95	Применение признаков делимости целых чисел: НОД и НОК	1		
96	Применение признаков делимости целых чисел: остатки по модулю	1		
97	Применение признаков делимости целых чисел: остатки по модулю	1		
98	Применение признаков делимости целых чисел: алгоритм Евклида для решения задач в целых числах	1		
99	Контрольная работа: "Теория целых чисел"	1	1	
100	Система и совокупность уравнений. Равносильные системы и системы-следствия	1		

101	Система и совокупность уравнений. Равносильные системы и системы-следствия	1		
102	Основные методы решения систем и совокупностей рациональных уравнений	1		
103	Основные методы решения систем и совокупностей иррациональных уравнений	1		
104	Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений	1		
105	Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений	1		
106	Основные методы решения систем и совокупностей логарифмических уравнений	1		
107	Основные методы решения систем и совокупностей логарифмических уравнений	1		
108	Применение систем к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1		
109	Применение неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1		
110	Контрольная работа: "Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений"	1	1	
111	Рациональные уравнения с параметрами	1		
112	Рациональные неравенства с параметрами	1		
113	Рациональные системы с параметрами	1		
114	Иррациональные уравнения, неравенства с параметрами	1		
115	Иррациональные системы с параметрами	1		

116	Показательные уравнения, неравенства с параметрами	1		
117	Показательные системы с параметрами	1		
118	Логарифмические уравнения, неравенства с параметрами	1		
119	Логарифмические системы с параметрами	1		
120	Тригонометрические уравнения с параметрами	1		
121	Тригонометрические неравенства с параметрами	1		
122	Тригонометрические системы с параметрами	1		
123	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью уравнений с параметрами	1		
124	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью систем уравнений с параметрами	1		
125	Контрольная работа: "Задачи с параметрами"	1	1	
126	Повторение, систематизация, обобщение, знаний: "Уравнения"	1		
127	Повторение, систематизация, обобщение, знаний: "Уравнения. Системы уравнений"	1		
128	Повторение, систематизация, обобщение, знаний: "Неравенства"	1		
129	Повторение, систематизация, обобщение, знаний: "Неравенства"	1		
130	Повторение, систематизация, обобщение, знаний: "Производная и её применение"	1		
131	Повторение, систематизация, обобщение, знаний: "Производная и её применение"	1		
132	Повторение, систематизация, обобщение, знаний: "Производная и её применение"	1		

133	Повторение, систематизация "Интеграл и его применение"	обобщение, знаний:	1		
134	Повторение, систематизация "Функции"	обобщение, знаний:	1		
135	Повторение, систематизация "Функции"	обобщение, знаний:	1		
136	Повторение, систематизация знаний	обобщение,	1		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ			136	9	0

Рабочая программа учебного курса «геометрия»

Пояснительная записка

Геометрия является одним из базовых курсов на уровне среднего общего образования, так как обеспечивает возможность изучения дисциплин естественно-научной направленности и предметов гуманитарного цикла. Поскольку логическое мышление, формируемое при изучении обучающимися понятийных основ геометрии, при доказательстве теорем и построении цепочки логических утверждений при решении геометрических задач, умение выдвигать и опровергать гипотезы непосредственно используются при решении задач естественно-научного цикла, в частности физических задач.

Цель освоения программы учебного курса «Геометрия» на углублённом уровне – развитие индивидуальных способностей обучающихся при изучении геометрии, как составляющей предметной области «Математика и информатика» через обеспечение возможности приобретения и использования более глубоких геометрических знаний и действий, специфичных геометрии, и необходимых для успешного профессионального образования, связанного с использованием математики.

Приоритетными задачами курса геометрии на углублённом уровне, расширяющими и усиливающими курс базового уровня, являются:

расширение представления о геометрии как части мировой культуры и формирование осознания взаимосвязи геометрии с окружающим миром;

формирование представления о пространственных фигурах как о важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные явления окружающего мира, знание понятийного аппарата по разделу «Стереометрия» учебного курса геометрии;

формирование умения владеть основными понятиями о пространственных фигурах и их основными свойствами, знание теорем, формул и умение их применять, умения доказывать теоремы и находить нестандартные способы решения задач;

формирование умения распознавать на чертежах, моделях и в реальном мире многогранники и тела вращения, конструировать геометрические модели;

формирование понимания возможности аксиоматического построения математических теорий, формирование понимания роли аксиоматики при проведении рассуждений;

формирование умения владеть методами доказательств и алгоритмов решения, умения их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения стереометрических задач и задач с практическим содержанием, формирование представления о необходимости доказательств при обосновании математических утверждений и роли аксиоматики в проведении дедуктивных рассуждений;

развитие и совершенствование интеллектуальных и творческих способностей обучающихся, познавательной активности, исследовательских умений, критичности мышления, интереса к изучению геометрии;

формирование функциональной грамотности, релевантной геометрии: умения распознавать проявления геометрических понятий, объектов и закономерностей в реальных жизненных ситуациях и при изучении других учебных предметов, проявления зависимостей и закономерностей, моделирования реальных ситуаций, исследования построенных моделей, интерпретации полученных результатов.

Основными содержательными линиями учебного курса «Геометрия» в 10–11 классах являются: «Прямые и плоскости в пространстве», «Многогранники», «Тела вращения», «Векторы и координаты в пространстве», «Движения в пространстве».

Сформулированное во ФГОС СОО требование «уметь оперировать понятиями», релевантными геометрии на углублённом уровне обучения в 10–11 классах, относится ко всем содержательным линиям учебного курса, а формирование логических умений распределяется не только по содержательным линиям, но и по годам обучения. Содержание образования, соответствующее предметным результатам освоения Федеральной рабочей программы, распределённым по годам обучения, структурировано таким образом, чтобы ко всем основным, принципиальным вопросам обучающиеся обращались неоднократно. Это позволяет организовать овладение геометрическими понятиями и навыками последовательно и поступательно, с соблюдением принципа преемственности, а новые знания включать в общую систему геометрических представлений обучающихся, расширяя и углубляя её, образуя прочные множественные связи.

Переход к изучению геометрии на углублённом уровне позволяет:

создать условия для дифференциации обучения, построения индивидуальных образовательных программ, обеспечить углублённое изучение геометрии как составляющей учебного предмета «Математика»;

подготовить обучающихся к продолжению изучения математики с учётом выбора будущей профессии, обеспечивая преемственность между общим и профессиональным образованием.

На изучение учебного курса «Геометрия» на углублённом уровне отводится 204 часа: в 10 классе – 102 часа (3 часа в неделю), в 11 классе – 102 часа (3 часа в неделю).

Прямые и плоскости в пространстве

Основные понятия стереометрии. Точка, прямая, плоскость, пространство. Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них.

Взаимное расположение прямых в пространстве: пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Признаки скрещивающихся прямых. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: параллельные прямые в пространстве, параллельность трёх прямых, параллельность прямой и плоскости. Параллельное и центральное проектирование, изображение фигур. Основные свойства параллельного проектирования. Изображение фигур в параллельной проекции. Углы с сонаправленными сторонами, угол между прямыми в пространстве. Параллельность плоскостей: параллельные плоскости, свойства параллельных плоскостей. Простейшие пространственные фигуры на плоскости: тетраэдр, параллелепипед, построение сечений.

Перпендикулярность прямой и плоскости: перпендикулярные прямые в пространстве, прямые параллельные и перпендикулярные к плоскости, признак перпендикулярности прямой и плоскости, теорема о прямой перпендикулярной плоскости. Ортогональное проектирование. Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости, проекция фигуры на плоскость. Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей. Теорема о трёх перпендикулярах.

Углы в пространстве: угол между прямой и плоскостью, двугранный угол, линейный угол двугранного угла. Трёхгранный и многогранные углы. Свойства плоских углов многогранного угла. Свойства плоских и двугранных углов трёхгранного угла. Теоремы косинусов и синусов для трёхгранного угла.

Многогранники

Виды многогранников, развёртка многогранника. Призма: n-угольная призма, прямая и наклонная призмы, боковая и полная поверхность призмы. Параллелепипед, прямоугольный параллелепипед и его свойства. Кратчайшие пути на поверхности многогранника. Теорема Эйлера. Пространственная теорема Пифагора. Пирамида: n-угольная пирамида, правильная и усечённая пирамиды. Свойства рёбер и боковых граней правильной пирамиды. Правильные многогранники: правильная призма и правильная пирамида, правильная треугольная пирамида и правильный тетраэдр, куб. Представление о правильных многогранниках: октаэдр, додекаэдр и икосаэдр.

Вычисление элементов многогранников: рёбра, диагонали, углы. Площадь боковой поверхности и полной поверхности прямой призмы, площадь оснований, теорема о боковой поверхности прямой призмы. Площадь боковой поверхности и поверхности правильной пирамиды, теорема о площади усечённой пирамиды.

Симметрия в пространстве. Элементы симметрии правильных многогранников. Симметрия в правильном многограннике: симметрия параллелепипеда, симметрия правильных призм, симметрия правильной пирамиды.

Векторы и координаты в пространстве

Понятия: вектор в пространстве, нулевой вектор, длина ненулевого вектора, векторы коллинеарные, сонаправленные и противоположно направленные векторы. Равенство векторов. Действия с векторами: сложение и вычитание векторов, сумма нескольких векторов, умножение вектора на число. Свойства сложения векторов. Свойства умножения вектора на

число. Понятие компланарные векторы. Признак компланарности трёх векторов. Правило параллелепипеда. Теорема о разложении вектора по трём некопланарным векторам. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Связь между координатами вектора и координатами точек. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов.

11 КЛАСС

Тела вращения

Понятия: цилиндрическая поверхность, коническая поверхность, сферическая поверхность, образующие поверхностей. Тела вращения: цилиндр, конус, усечённый конус, сфера, шар. Взаимное расположение сферы и плоскости, касательная плоскость к сфере. Изображение тел вращения на плоскости. Развёртка цилиндра и конуса. Симметрия сферы и шара.

Объём. Основные свойства объёмов тел. Теорема об объёме прямоугольного параллелепипеда и следствия из неё. Объём прямой и наклонной призмы, цилиндра, пирамиды и конуса. Объём шара и шарового сегмента.

Комбинации тел вращения и многогранников. Призма, вписанная в цилиндр, описанная около цилиндра. Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Понятие многогранника, описанного около сферы, сферы, вписанной в многогранник или тело вращения.

Площадь поверхности цилиндра, конуса, площадь сферы и её частей. Подобие в пространстве. Отношение объёмов, площадей поверхностей подобных фигур. Преобразование подобия, гомотетия. Решение задач на плоскости с использованием стереометрических методов.

Построение сечений многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельные основанию и проходящие через вершину), сечения шара, методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости.

Векторы и координаты в пространстве

Векторы в пространстве. Операции над векторами. Векторное умножение векторов. Свойства векторного умножения. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Разложение вектора по базису. Координатно-векторный метод при решении геометрических задач.

Движения в пространстве

Движения пространства. Отображения. Движения и равенство фигур. Общие свойства движений. Виды движений: параллельный перенос, центральная симметрия, зеркальная симметрия, поворот вокруг прямой. Преобразования подобия. Прямая и сфера Эйлера.

Предметные результаты

К концу **10 класса** обучающийся научится:

- свободно оперировать основными понятиями стереометрии при решении задач и проведении математических рассуждений;
- применять аксиомы стереометрии и следствия из них при решении геометрических задач;
- классифицировать взаимное расположение прямых в пространстве, плоскостей в пространстве, прямых и плоскостей в пространстве;

- свободно оперировать понятиями, связанными с углами в пространстве: между прямыми в пространстве, между прямой и плоскостью;
- свободно оперировать понятиями, связанными с многогранниками;
- свободно распознавать основные виды многогранников (призма, пирамида, прямоугольный параллелепипед, куб);
- классифицировать многогранники, выбирая основания для классификации;
- свободно оперировать понятиями, связанными с сечением многогранников плоскостью;
- выполнять параллельное, центральное и ортогональное проектирование фигур на плоскость, выполнять изображения фигур на плоскости;
- строить сечения многогранников различными методами, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу;
- вычислять площади поверхностей многогранников (призма, пирамида), геометрических тел с применением формул;
- свободно оперировать понятиями: симметрия в пространстве, центр, ось и плоскость симметрии, центр, ось и плоскость симметрии фигуры;
- свободно оперировать понятиями, соответствующими векторам и координатам в пространстве;
- выполнять действия над векторами;
- решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин, применяя известные методы при решении математических задач повышенного и высокого уровня сложности;
- применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач;
- извлекать, преобразовывать и интерпретировать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;
- применять полученные знания на практике: сравнивать и анализировать реальные ситуации, применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин;
- иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий.

К концу **11 класса** обучающийся научится:

- свободно оперировать понятиями, связанными с цилиндрической, конической и сферической поверхностями, объяснять способы получения;
- оперировать понятиями, связанными с телами вращения: цилиндром, конусом, сферой и шаром;
- распознавать тела вращения (цилиндр, конус, сфера и шар) и объяснять способы получения тел вращения;
- классифицировать взаимное расположение сферы и плоскости;
- вычислять величины элементов многогранников и тел вращения, объёмы и площади поверхностей многогранников и тел вращения, геометрических тел с применением формул;

- свободно оперировать понятиями, связанными с комбинациями тел вращения и многогранников: многогранник, вписанный в сферу и описанный около сферы, сфера, вписанная в многогранник или тело вращения;
- вычислять соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел;
- изображать изучаемые фигуры, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу, строить сечения тел вращения;
- извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;
- свободно оперировать понятием вектор в пространстве;
- выполнять операции над векторами;
- задавать плоскость уравнением в декартовой системе координат;
- решать геометрические задачи на вычисление углов между прямыми и плоскостями, вычисление расстояний от точки до плоскости, в целом, на применение векторно-координатного метода при решении;
- свободно оперировать понятиями, связанными с движением в пространстве, знать свойства движений;
- выполнять изображения многогранников и тел вращения при параллельном переносе, центральной симметрии, зеркальной симметрии, при повороте вокруг прямой, преобразования подобия;
- строить сечения многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельные основанию и проходящие через вершину), сечения шара;
- использовать методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости;
- доказывать геометрические утверждения;
- применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной и неявной форме;
- решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин;
- применять программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач;
- применять полученные знания на практике: сравнивать, анализировать и оценивать реальные ситуации, применять изученные понятия, теоремы, свойства в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин;
- иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий.

Тематическое планирование
10 КЛАСС

№ п/ п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательн ые ресурсы
		Всего	Контрольны е работы	Практически е работы	
1	Введение в стереометрию	23	1		
2	Взаимное расположение прямых в пространстве	6	1		
3	Параллельность прямых и плоскостей в пространстве	8			
4	Перпендикулярность прямых и плоскостей в пространстве	25			
5	Углы и расстояния	16	1		
6	Многогранники	7	1		
7	Векторы в пространстве	12			
8	Повторение, обобщение и систематизация знаний	5	2		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	6	0	

11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Аналитическая геометрия	15	1		
2	Повторение, обобщение и систематизация знаний	15	1		
3	Объём многогранника	17	1		
4	Тела вращения	24	1		
5	Площади поверхности и объёмы круглых тел	9	1		
6	Движения	5	1		
7	Повторение, обобщение и систематизация знаний	17	2		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	8	0	

Поурочное планирование
10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов		
		Всего	Контрольные работы	Практические работы
1	Основные правила изображения на рисунке плоскости, параллельных прямых (отрезков), середины отрезка	1		
2	Понятия стереометрии: точка, прямая, плоскость, пространство. Основные правила изображения на рисунке плоскости, параллельных прямых (отрезков), середины отрезка	1		

3	Понятия: пересекающиеся плоскости, пересекающиеся прямая и плоскость; полупространство	1		
4	Понятия: пересекающиеся плоскости, пересекающиеся прямая и плоскость; полупространство	1		
5	Многогранники, изображение простейших пространственных фигур, несуществующих объектов	1		
6	Многогранники, изображение простейших пространственных фигур, несуществующих объектов	1		
7	Аксиомы стереометрии и первые следствия из них	1		
8	Аксиомы стереометрии и первые следствия из них	1		
9	Аксиомы стереометрии и первые следствия из них. Способы задания прямых и плоскостей в пространстве. Обозначения прямых и плоскостей	1		
10	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1		
11	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1		
12	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1		
13	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1		
14	Метод следов для построения сечений	1		

15	Метод следов для построения сечений. Свойства пересечений прямых и плоскостей	1		
16	Метод следов для построения сечений. Свойства пересечений прямых и плоскостей	1		
17	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1		
18	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1		
19	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1		
20	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1		
21	Повторение планиметрии: Теорема о пропорциональных отрезках. Подобие треугольников	1		
22	Повторение планиметрии: Теорема Менелая. Расчеты в сечениях на выносных чертежах. История развития планиметрии и стереометрии	1		
23	Контрольная работа "Аксиомы стереометрии. Сечения"	1	1	
24	Взаимное расположение прямых в пространстве. Скрещивающиеся прямые. Признаки скрещивающихся прямых. Параллельные прямые в пространстве	1		
25	Теорема о существовании и единственности прямой параллельной данной прямой, проходящей через точку пространства и не лежащей на данной прямой. Лемма о пересечении параллельных прямых плоскостью	1		
26	Параллельность трех прямых. Теорема о трёх параллельных	1		

	прямых. Теорема о скрещивающихся прямых			
27	Параллельное проектирование. Основные свойства параллельного проектирования. Изображение разных фигур в параллельной проекции	1		
28	Центральная проекция. Угол с сонаправленными сторонами. Угол между прямыми	1		
29	Задачи на доказательство и исследование, связанные с расположением прямых в пространстве	1		
30	Понятия: параллельность прямой и плоскости в пространстве. Признак параллельности прямой и плоскости. Свойства параллельности прямой и плоскости	1		
31	Геометрические задачи на вычисление и доказательство, связанные с параллельностью прямых и плоскостей в пространстве	1		
32	Построение сечения, проходящего через данную прямую на чертеже и параллельного другой прямой. Расчёт отношений	1		
33	Параллельная проекция, применение для построения сечений куба и параллелепипеда. Свойства параллелепипеда и призмы	1		
34	Параллельные плоскости. Признаки параллельности двух плоскостей	1		
35	Теорема о параллельности и единственности плоскости, проходящей через точку, не принадлежащую данной плоскости и следствия из неё	1		
36	Свойства параллельных плоскостей: о параллельности прямых пересечения при пересечении двух параллельных плоскостей третьей	1		
37	Свойства параллельных плоскостей: об отрезках параллельных прямых, заключённых между параллельными плоскостями; о пересечении прямой с двумя параллельными плоскостями	1		

38	Повторение: теорема Пифагора на плоскости	1		
39	Повторение: тригонометрия прямоугольного треугольника	1		
40	Свойства куба и прямоугольного параллелепипеда	1		
41	Вычисление длин отрезков в кубе и прямоугольном параллелепипеде	1		
42	Перпендикулярность прямой и плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости	1		
43	Перпендикулярность прямой и плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости	1		
44	Теорема о существовании и единственности прямой, проходящей через точку пространства и перпендикулярной к плоскости	1		
45	Плоскости и перпендикулярные им прямые в многогранниках	1		
46	Плоскости и перпендикулярные им прямые в многогранниках	1		
47	Перпендикуляр и наклонная. Построение перпендикуляра из точки на прямую	1		
48	Перпендикуляр и наклонная. Построение перпендикуляра из точки на прямую	1		
49	Теорема о трёх перпендикулярах (прямая и обратная)	1		
50	Теорема о трёх перпендикулярах (прямая и обратная)	1		
51	Угол между скрещивающимися прямыми	1		
52	Поиск перпендикулярных прямых с помощью перпендикулярных плоскостей	1		
53	Ортогональное проектирование	1		
54	Построение сечений куба, призмы, правильной пирамиды с помощью ортогональной проекции	1		
55	Построение сечений куба, призмы, правильной пирамиды с помощью ортогональной проекции	1		

56	Симметрия в пространстве относительно плоскости. Плоскости симметрий в многогранниках	1		
57	Признак перпендикулярности прямой и плоскости как следствие симметрии	1		
58	Правильные многогранники. Расчёт расстояний от точки до плоскости	1		
59	Правильные многогранники. Расчёт расстояний от точки до плоскости	1		
60	Способы опустить перпендикуляры: симметрия, сдвиг точки по параллельной прямой	1		
61	Сдвиг по непараллельной прямой, изменение расстояний	1		
62	Контрольная работа "Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве"	1	1	
63	Повторение: угол между прямыми на плоскости, тригонометрия в произвольном треугольнике, теорема косинусов	1		
64	Повторение: угол между скрещивающимися прямыми в пространстве	1		
65	Геометрические методы вычисления угла между прямыми в многогранниках	1		
66	Двугранный угол. Свойство линейных углов двугранного угла	1		
67	Перпендикулярные плоскости. Свойства взаимно перпендикулярных плоскостей	1		
68	Признак перпендикулярности плоскостей; теорема о прямой пересечения двух плоскостей перпендикулярных третьей плоскости	1		
69	Прямоугольный параллелепипед; куб; измерения, свойства прямоугольного параллелепипеда	1		
70	Теорема о диагонали прямоугольного параллелепипеда и следствие из неё	1		
71	Стереометрические и прикладные задачи, связанные со взаимным расположением прямых и плоскости	1		

72	Повторение: скрещивающиеся прямые, параллельные плоскости в стандартных многогранниках	1		
73	Пара параллельных плоскостей на скрещивающихся прямых, расстояние между скрещивающимися прямыми в простых ситуациях	1		
74	Расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости	1		
75	Вычисление расстояний между скрещивающимися прямыми с помощью перпендикулярной плоскости	1		
76	Трёхгранный угол, неравенства для трёхгранных углов. Теорема Пифагора, теоремы косинусов и синусов для трёхгранного угла	1		
77	Элементы сферической геометрии: геодезические линии на Земле	1		
78	Контрольная работа "Углы и расстояния"	1	1	
79	Систематизация знаний "Многогранник и его элементы"	1		
80	Пирамида. Виды пирамид. Правильная пирамида	1		
81	Призма. Прямая и наклонная призмы. Правильная призма	1		
82	Прямой параллелепипед, прямоугольный параллелепипед, куб	1		
83	Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера	1		
84	Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера. Правильные и полуправильные многогранники	1		
85	Контрольная работа "Многогранники"	1	1	
86	Понятие вектора на плоскости и в пространстве	1		
87	Сумма векторов	1		
88	Разность векторов	1		
89	Правило параллелепипеда	1		
90	Умножение вектора на число	1		
91	Разложение вектора по базису трёх векторов, не лежащих в одной плоскости	1		

92	Скалярное произведение	1		
93	Вычисление угла между векторами в пространстве	1		
94	Простейшие задачи с векторами	1		
95	Простейшие задачи с векторами	1		
96	Простейшие задачи с векторами	1		
97	Простейшие задачи с векторами	1		
98	Обобщение и систематизация знаний	1		
99	Обобщение и систематизация знаний	1		
100	Итоговая контрольная работа	1	1	
101	Итоговая контрольная работа	1	1	
102	Обобщение и систематизация знаний	1		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	6	0

11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов		
		Всего	Контрольные работы	Практические работы
1	Повторение темы "Координаты вектора на плоскости и в пространстве"	1		
2	Повторение темы "Скалярное произведение векторов"	1		
3	Повторение темы "Вычисление угла между векторами в пространстве"	1		
4	Повторение темы "Уравнение прямой, проходящей через две точки"	1		
5	Уравнение плоскости, нормаль, уравнение плоскости в отрезках	1		
6	Уравнение плоскости, нормаль, уравнение плоскости в отрезках	1		
7	Векторное произведение	1		
8	Линейные неравенства, линейное программирование	1		
9	Линейные неравенства, линейное программирование	1		
10	Аналитические методы расчёта угла между прямыми в многогранниках	1		
11	Аналитические методы расчёта угла между плоскостями в многогранниках	1		

12	Формула расстояния от точки до плоскости в координатах	1		
13	Нахождение расстояний от точки до плоскости в кубе	1		
14	Нахождение расстояний от точки до плоскости в правильной пирамиде	1		
15	Контрольная работа "Аналитическая геометрия"	1	1	
16	Сечения многогранников: стандартные многогранники	1		
17	Сечения многогранников: метод следов	1		
18	Сечения многогранников: стандартные плоскости, пересечения прямых и плоскостей	1		
19	Параллельные прямые и плоскости: параллельные сечения	1		
20	Параллельные прямые и плоскости: расчёт отношений	1		
21	Параллельные прямые и плоскости: углы между скрещивающимися прямыми	1		
22	Перпендикулярные прямые и плоскости: стандартные пары перпендикулярных плоскостей и прямых, симметрии многогранников	1		
23	Перпендикулярные прямые и плоскости: теорема о трех перпендикулярах	1		
24	Перпендикулярные прямые и плоскости: вычисления длин в многогранниках	1		
25	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия	1		
26	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия	1		
27	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия	1		
28	Площади сечений многогранников: площади поверхностей, разрезания на части, соображения подобия	1		

29	Площади сечений многогранников: площади поверхностей, разрезания на части, соображения подобия	1		
30	Контрольная работа "Повторение: многогранники, сечения многогранников"	1	1	
31	Объём тела. Объем прямоугольного параллелепипеда	1		
32	Задачи об удвоении куба, о квадратуре куба; о трисекции угла	1		
33	Стереометрические задачи, связанные с объёмом прямоугольного параллелепипеда	1		
34	Прикладные задачи, связанные с вычислением объёма прямоугольного параллелепипеда	1		
35	Объём прямой призмы	1		
36	Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов прямой призмы	1		
37	Прикладные задачи, связанные с объёмом прямой призмы	1		
38	Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла. Объём наклонной призмы	1		
39	Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла. Объём пирамиды	1		
40	Формула объёма пирамиды. Отношение объёмов пирамид с общим углом	1		
41	Формула объёма пирамиды. Отношение объёмов пирамид с общим углом	1		
42	Стереометрические задачи, связанные с объёмами наклонной призмы	1		
43	Стереометрические задачи, связанные с объёмами пирамиды	1		
44	Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом наклонной призмы	1		
45	Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом пирамиды	1		
46	Применение объёмов. Вычисление расстояния до плоскости	1		

47	Контрольная работа "Объём многогранника"	1	1	
48	Цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности	1		
49	Цилиндр. Прямой круговой цилиндр. Площадь поверхности цилиндра	1		
50	Коническая поверхность, образующие конической поверхности. Конус	1		
51	Сечение конуса плоскостью, параллельной плоскости основания	1		
52	Усечённый конус. Изображение конусов и усечённых конусов	1		
53	Площадь боковой поверхности и полной поверхности конуса	1		
54	Площадь боковой поверхности и полной поверхности конуса	1		
55	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, построением сечений цилиндра, конуса	1		
56	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, построением сечений цилиндра, конуса	1		
57	Прикладные задачи, связанные с цилиндром	1		
58	Прикладные задачи, связанные с цилиндром	1		
59	Сфера и шар	1		
60	Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Вид и изображение шара	1		
61	Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Вид и изображение шара	1		
62	Уравнение сферы. Площадь сферы и её частей	1		
63	Симметрия сферы и шара	1		
64	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, связанные со сферой и шаром, построением их сечений плоскостью	1		
65	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление,	1		

	связанные со сферой и шаром, построением их сечений плоскостью			
66	Прикладные задачи, связанные со сферой и шаром	1		
67	Повторение: окружность на плоскости, вычисления в окружности, стандартные подобия	1		
68	Различные комбинации тел вращения и многогранников	1		
69	Задачи по теме "Тела и поверхности вращения"	1		
70	Задачи по теме "Тела и поверхности вращения"	1		
71	Контрольная работа "Тела и поверхности вращения"	1	1	
72	Объём цилиндра. Теорема об объёме прямого цилиндра	1		
73	Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла. Объём конуса	1		
74	Площади боковой и полной поверхности конуса	1		
75	Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов цилиндра, конуса	1		
76	Прикладные задачи по теме "Объёмы и площади поверхностей тел"	1		
77	Объём шара и шарового сектора. Теорема об объёме шара. Площадь сферы. Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов шара, шарового сегмента и шарового сектора	1		
78	Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом шара и площадью сферы. Соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел	1		
79	Подобные тела в пространстве. Изменение объёма при подобии. Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов тел и площадей поверхностей	1		
80	Контрольная работа "Площади поверхности и объёмы круглых тел"	1	1	

81	Движения пространства. Отображения. Движения и равенство фигур. Общие свойства движений	1		
82	Виды движений: параллельный перенос, центральная симметрия, зеркальная симметрия, поворот вокруг прямой	1		
83	Преобразования подобия. Прямая и сфера Эйлера	1		
84	Геометрические задачи на применение движения	1		
85	Контрольная работа "Векторы в пространстве"	1	1	
86	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Параллельность прямых и плоскостей в пространстве"	1		
87	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Векторы в пространстве"	1		
88	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Векторы в пространстве"	1		
89	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Объем многогранника"	1		
90	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Объем многогранника"	1		
91	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Площади поверхности и объемы круглых тел"	1		
92	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Площади поверхности и объемы круглых тел"	1		
93	Итоговая контрольная работа	1	1	
94	Итоговая контрольная работа	1	1	

95	Повторение, обобщение и систематизация знаний	1		
96	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1		
97	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1		
98	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1		
99	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1		
100	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1		
101	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1		
102	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	8	0

Рабочая программа учебного курса «Вероятность и статистика»

Пояснительная записка

Учебный курс «Вероятность и статистика» базового уровня является продолжением и развитием одноимённого учебного курса базового уровня основного общего образования. Учебный курс предназначен для формирования у обучающихся статистической культуры и понимания роли теории вероятностей как математического инструмента для изучения случайных событий, величин и процессов. При изучении учебного курса обогащаются представления обучающихся о методах исследования изменчивого мира, развивается понимание значимости и общности математических методов познания как неотъемлемой части современного естественно-научного мировоззрения.

Содержание учебного курса направлено на закрепление знаний, полученных при изучении курса на уровне основного общего образования, и на развитие представлений о случайных величинах и взаимосвязях между ними на важных примерах, сюжеты которых почерпнуты из окружающего мира. В результате у обучающихся должно сформироваться представление о наиболее употребительных и общих математических моделях, используемых для описания антропометрических и демографических величин, погрешностей в различного рода измерениях, длительности безотказной работы технических устройств, характеристик массовых явлений и процессов в обществе.

В соответствии с указанными целями в структуре учебного курса «Вероятность и статистика» для уровня среднего общего образования на базовом уровне выделены следующие основные содержательные линии: «Случайные события и вероятности», «Случайные величины и закон больших чисел».

Важную часть учебного курса занимает изучение геометрического и биномиального распределений и знакомство с их непрерывными аналогами – показательным и нормальным распределениями.

Содержание линии «Случайные события и вероятности» служит основой для формирования представлений о распределении вероятностей между значениями случайных величин, а также эта линия необходима как база для изучения закона больших чисел – фундаментального закона, действующего в природе и обществе и имеющего математическую формализацию. Сам закон больших чисел предлагается в ознакомительной форме с минимальным использованием математического формализма.

Темы, связанные с непрерывными случайными величинами, акцентируют внимание обучающихся на описании и изучении случайных явлений с помощью непрерывных функций. Основное внимание уделяется показательному и нормальному распределениям, при этом предполагается ознакомительное изучение материала без доказательств применяемых фактов.

Согласно учебному плану для изучения учебного курса «Вероятность и статистика» (базовый уровень) на уровне среднего общего образования – 68 часов: в 10 классе – 34 часа (1 час в неделю), в 11 классе – 34 часа (1 час в неделю).

Содержание обучения

10 КЛАСС

Представление данных с помощью таблиц и диаграмм. Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия и стандартное отклонение числовых наборов.

Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы). Вероятность случайного события. Близость частоты и

вероятности событий. Случайные опыты с равновозможными элементарными событиями. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями.

Операции над событиями: пересечение, объединение, противоположные события. Диаграммы Эйлера. Формула сложения вероятностей.

Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента. Формула полной вероятности. Независимые события.

Комбинаторное правило умножения. Перестановки и факториал. Число сочетаний. Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона.

Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Серия независимых испытаний Бернулли.

Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения. Примеры распределений, в том числе, геометрическое и биномиальное.

11 КЛАСС

Числовые характеристики случайных величин: математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение. Примеры применения математического ожидания, в том числе в задачах из повседневной жизни. Математическое ожидание бинарной случайной величины. Математическое ожидание суммы случайных величин. Математическое ожидание и дисперсия геометрического и биномиального распределений.

Закон больших чисел и его роль в науке, природе и обществе. Выборочный метод исследований.

Примеры непрерывных случайных величин. Понятие о плотности распределения. Задачи, приводящие к нормальному распределению. Понятие о нормальном распределении.

Предметные результаты

К концу обучения в 10 классе обучающийся получит следующие предметные результаты:

читать и строить таблицы и диаграммы;

оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана,

наибольшее, наименьшее значение, размах массива числовых данных; оперировать понятиями: случайный эксперимент (опыт) и случайное событие, элементарное событие (элементарный исход) случайного опыта, находить вероятности в опытах с равновозможными случайными событиями, находить и сравнивать вероятности событий в изученных случайных экспериментах; находить и формулировать события: пересечение и объединение данных событий, событие, противоположное данному событию, пользоваться диаграммами Эйлера и формулой сложения вероятностей при решении задач; оперировать понятиями: условная вероятность, независимые события, находить вероятности с помощью правила умножения, с помощью дерева случайного опыта; применять комбинаторное правило умножения при решении задач; оперировать понятиями: испытание, независимые испытания, серия испытаний, успех и неудача, находить вероятности событий в серии независимых испытаний до первого успеха, находить вероятности событий в серии испытаний Бернулли; оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, диаграмма распределения.

К концу обучения в 11 классе обучающийся получит следующие предметные результаты:

сравнивать вероятности значений случайной величины по распределению или с помощью диаграмм; оперировать понятием математического ожидания, приводить примеры, как применяется математическое ожидание случайной величины

находить математическое ожидание по данному распределению; иметь представление о законе больших чисел; иметь представление о нормальном распределении.

Тематическое планирование

10 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Представление данных и описательная статистика	4			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/e0b7b0f1
2	Случайные опыты и случайные события, опыты с равновероятными элементарными исходами	3		1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/e0b7b0f1
3	Операции над событиями, сложение вероятностей	3			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/e0b7b0f1
4	Условная вероятность, дерево случайного опыта, формула полной вероятности и независимость событий	6			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/e0b7b0f1
5	Элементы комбинаторики	4			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/e0b7b0f1
6	Серии последовательных испытаний	3		1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/e0b7b0f1
7	Случайные величины и распределения	6			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/e0b7b0f1
8	Обобщение и систематизация знаний	5	2		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/e0b7b0f1
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2	2	

11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Математическое ожидание случайной величины	4			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/5fbc5dc1
2	Дисперсия и стандартное отклонение случайной величины	4		1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/5fbc5dc1
3	Закон больших чисел	3		1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/5fbc5dc1
4	Непрерывные случайные величины (распределения)	2			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/5fbc5dc1
5	Нормальное распределения	2		1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/5fbc5dc1
6	Повторение, обобщение и систематизация знаний	19	2		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/5fbc5dc1
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2	3	

Поурочное планирование
10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов		
		Всего	Контрольные работы	Практические работы
1	Представление данных с помощью таблиц и диаграмм	1		
2	Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числовых наборов	1		
3	Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числовых наборов	1		

4	Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числовых наборов	1		
5	Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы)	1		
6	Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями	1		
7	Вероятность случайного события. Практическая работа	1		1
8	Операции над событиями: пересечение, объединение событий, противоположные события. Диаграммы Эйлера	1		
9	Операции над событиями: пересечение, объединение событий, противоположные события. Диаграммы Эйлера	1		
10	Формула сложения вероятностей	1		
11	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента	1		
12	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента	1		
13	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента	1		
14	Формула полной вероятности	1		
15	Формула полной вероятности	1		
16	Формула полной вероятности. Независимые события	1		
17	Контрольная работа	1	1	
18	Комбинаторное правило умножения	1		
19	Перестановки и факториал	1		
20	Число сочетаний	1		
21	Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона	1		
22	Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия	1		

	независимых испытаний до первого успеха			
23	Серия независимых испытаний Бернулли	1		
24	Серия независимых испытаний. Практическая работа с использованием электронных таблиц	1		1
25	Случайная величина	1		
26	Распределение вероятностей. Диаграмма распределения	1		
27	Сумма и произведение случайных величин	1		
28	Сумма и произведение случайных величин	1		
29	Примеры распределений, в том числе геометрическое и биномиальное	1		
30	Примеры распределений, в том числе геометрическое и биномиальное	1		
31	Повторение, обобщение и систематизация знаний	1		
32	Повторение, обобщение и систематизация знаний	1		
33	Итоговая контрольная работа	1	1	
34	Повторение, обобщение и систематизация знаний	1		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2	2

11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов		
		Всего	Контрольные работы	Практические работы
1	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Случайные опыты и вероятности случайных событий. Серии независимых испытаний	1		
2	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Случайные опыты и вероятности случайных событий. Серии независимых испытаний	1		
3	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Случайные опыты и вероятности случайных событий. Серии независимых испытаний	1		
4	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Случайные опыты и вероятности случайных событий. Серии независимых испытаний	1		
5	Примеры применения математического ожидания (страхование, лотерея)	1		
6	Математическое ожидание суммы случайных величин	1		
7	Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений	1		
8	Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений	1		
9	Дисперсия и стандартное отклонение	1		
10	Дисперсия и стандартное отклонение	1		
11	Дисперсии геометрического и биномиального распределения	1		
12	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1		1
13	Закон больших чисел. Выборочный метод исследований	1		
14	Закон больших чисел. Выборочный метод исследований	1		
15	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1		1

16	Итоговая контрольная работа	1	1	
17	Примеры непрерывных случайных величин. Функция плотности распределения. Равномерное распределение и его свойства	1		
18	Примеры непрерывных случайных величин. Функция плотности распределения. Равномерное распределение и его свойства	1		
19	Задачи, приводящие к нормальному распределению. Функция плотности и свойства нормального распределения	1		
20	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1		1
21	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Описательная статистика	1		
22	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Описательная статистика	1		
23	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Опыты с равновероятными элементарными событиями	1		
24	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Опыты с равновероятными элементарными событиями	1		
25	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов (координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера)	1		
26	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов (координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера)	1		
27	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов (координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера)	1		
28	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Вычисление вероятностей событий с применением	1		

	формул и графических методов (координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера)			
29	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Случайные величины и распределения	1		
30	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Случайные величины и распределения	1		
31	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Математическое ожидание случайной величины	1		
32	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Математическое ожидание случайной величины	1		
33	Итоговая контрольная работа	1	1	
34	Повторение, обобщение и систематизация знаний	1		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2	3

**ДОКУМЕНТ ПОДПИСАН
ЭЛЕКТРОННОЙ ПОДПИСЬЮ**

СВЕДЕНИЯ О СЕРТИФИКАТЕ ЭП

Сертификат 275152970271060640478711546600923288287568428879

Владелец Татаринова Марина Александровна

Действителен с 29.10.2024 по 29.10.2025